

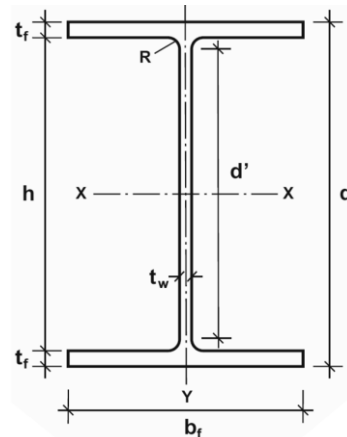
**Questão** – Encontre a maior força de compressão,  $N_{c,Rd}$ , em ELU que a coluna biarticulada (adote  $k_x=k_y=k_z=1,0$ ) de comprimento  $L=377$  cm poder suportar, sem enrijecedores transversais, escolhendo o perfil Gerdaul laminado W250x17,9 kg/m. Adote aço com as seguintes propriedades mecânicas:  $f_y=25,0$  kN/cm<sup>2</sup>,  $E=20000$  kN/cm<sup>2</sup> e  $G=7700$  kN/cm<sup>2</sup>. Caso o perfil escolhido não atenda a condição de segurança, qual seria o próximo perfil de menor massa linear para atender?

**TABELA DE BITOLAS**

BITOLA mm x kg/m	Massa Linear kg/m	d mm	b <sub>f</sub> mm	ESPESSURA			h mm	d' mm	Área cm <sup>2</sup>	EIXO X - X				EIXO Y - Y				r <sub>x</sub> cm	I <sub>x</sub> cm <sup>4</sup>	W <sub>x</sub> cm <sup>3</sup>	r <sub>y</sub> cm	I <sub>y</sub> cm <sup>4</sup>	W <sub>y</sub> cm <sup>3</sup>	ESBELTEZ		C <sub>w</sub> cm <sup>6</sup>	u m <sup>2</sup> /m	BITOLA in x lb/ft
				t <sub>f</sub> mm	t <sub>w</sub> mm	t <sub>r</sub> mm				MESA-λ <sub>x</sub> b <sub>f</sub> /2t <sub>f</sub>	ALMA-λ <sub>y</sub> d'/t <sub>w</sub>																	
W 150 x 13,0	13,0	148	100	4,3	4,9	138	118	16,6	635	85,8	6,18	96,4	82	16,4	2,22	25,5	2,60	1,72	10,20	27,49	4,181	0,67	W 6 x 8,5					
W 150 x 18,0	18,0	153	102	5,8	7,1	139	119	23,4	939	122,8	6,34	139,4	126	24,7	2,32	38,5	2,69	4,34	7,18	20,48	6,683	0,69	W 6 x 12					
W 150 x 22,5 (H)	22,5	152	152	5,8	6,6	139	119	29,0	1.229	161,7	6,51	179,6	387	50,9	3,65	77,9	4,10	4,75	11,52	20,48	20,417	0,88	W 6 x 15					
W 150 x 24,0	24,0	160	102	6,6	10,3	139	115	31,5	1.384	173,0	6,63	197,6	183	35,9	2,41	55,8	2,73	11,08	4,95	17,48	10,206	0,69	W 6 x 16					
W 150 x 29,8 (H)	29,8	157	153	6,6	9,3	138	118	38,5	1.739	221,5	6,72	247,5	556	72,6	3,80	110,8	4,18	10,95	8,23	17,94	30,277	0,90	W 6 x 20					
W 150 x 37,1 (H)	37,1	162	154	8,1	11,6	139	119	47,8	2.244	277,0	6,85	313,5	707	91,8	3,84	140,4	4,22	20,58	6,64	14,67	39,930	0,91	W 6 x 25					
W 200 x 15,0	15,0	200	100	4,3	5,2	190	170	19,4	1.305	130,5	8,20	147,9	87	17,4	2,12	27,3	2,55	2,05	9,62	39,44	8,222	0,77	W 8 x 10					
W 200 x 19,3	19,3	203	102	5,8	6,5	190	170	25,1	1.686	166,1	8,19	190,6	116	22,7	2,14	35,9	2,59	4,02	7,85	29,31	11,098	0,79	W 8 x 13					
W 200 x 22,5	22,5	206	102	6,2	8,0	190	170	29,0	2.029	197,0	8,37	225,5	142	27,9	2,22	43,9	2,63	6,18	6,38	27,42	13,868	0,79	W 8 x 15					
W 200 x 26,6	26,6	207	133	5,8	8,4	190	170	34,2	2.611	252,3	8,73	282,3	330	49,6	3,10	76,3	3,54	7,65	7,92	29,34	32,477	0,92	W 8 x 18					
W 200 x 31,3	31,3	210	134	6,4	10,2	190	170	40,3	3.168	301,7	8,86	338,6	410	61,2	3,19	94,0	3,60	12,59	6,57	26,50	40,822	0,93	W 8 x 21					
W 200 x 35,9 (H)	35,9	201	165	6,2	10,2	181	161	45,7	3.437	342,0	8,67	379,2	764	92,6	4,09	141,0	4,50	14,51	8,09	25,90	69,502	1,03	W 8 x 24					
W 200 x 41,7 (H)	41,7	205	166	7,2	11,8	181	157	53,5	4.114	401,4	8,77	448,6	901	108,5	4,10	165,7	4,53	23,19	7,03	21,86	83,948	1,04	W 8 x 28					
W 200 x 46,1 (H)	46,1	203	203	7,2	11,0	181	161	58,6	4.543	447,6	8,81	495,3	1.535	151,2	5,12	229,5	5,58	22,01	9,23	22,36	141,342	1,19	W 8 x 31					
W 200 x 52,0 (H)	52,0	206	204	7,9	12,6	181	157	66,9	5.298	514,4	8,90	572,5	1.784	174,9	5,16	265,8	5,61	33,34	8,10	19,85	166,710	1,19	W 8 x 35					
HP 200 x 53,0 (H)	53,0	204	207	11,3	11,3	181	161	68,1	4.977	488,0	8,55	551,3	1.673	161,7	4,96	248,6	5,57	31,93	9,16	14,28	155,075	1,20	HP 8 x 36					
W 200 x 59,0 (H)	59,0	210	205	9,1	14,2	182	158	76,0	6.140	584,8	8,99	655,9	2.041	199,1	5,18	303,0	5,64	47,69	7,22	17,32	195,418	1,20	W 8 x 40					
W 200 x 71,0 (H)	71,0	216	206	10,2	17,4	181	161	91,0	7.660	709,2	9,17	803,2	2.537	246,3	5,28	374,5	5,70	81,66	5,92	15,80	249,976	1,22	W 8 x 48					
W 200 x 86,0 (H)	86,0	222	209	13,0	20,6	181	157	110,9	9.498	855,7	9,26	984,2	3.139	300,4	5,32	458,7	5,77	142,19	5,07	12,06	317,844	1,23	W 8 x 58					
W 250 x 17,9	17,9	251	101	4,8	5,3	240	220	23,1	2.291	182,6	9,96	211,0	91	18,1	1,99	28,8	2,48	2,54	9,53	45,92	13,735	0,88	W 10 x 12					
W 250 x 22,3	22,3	254	102	5,8	6,9	240	220	28,9	2.939	231,4	10,09	267,7	123	24,1	2,06	38,4	2,54	4,77	7,39	37,97	18,629	0,89	W 10 x 15					
W 250 x 25,3	25,3	257	102	6,1	8,4	240	220	32,6	3.473	270,2	10,31	311,1	149	29,3	2,14	46,4	2,58	7,06	6,07	36,10	22,955	0,89	W 10 x 17					
W 250 x 28,4	28,4	260	102	6,4	10,0	240	220	36,6	4.046	311,2	10,51	357,3	178	34,8	2,20	54,9	2,62	10,34	5,10	34,38	27,636	0,90	W 10 x 19					
W 250 x 32,7	32,7	258	146	6,1	9,4	240	220	42,1	4.937	382,7	10,83	428,5	473	64,8	3,35	99,7	3,86	10,44	8,02	36,03	73,104	1,07	W 10 x 22					

$A_g = 23,10$  cm<sup>2</sup>  
 $I_x = 2291,0$  cm<sup>4</sup>  
 $r_x = 9,96$  cm  
 $I_y = 91$  cm<sup>4</sup>  
 $r_y = 1,99$  cm  
 $I_t = 2,54$  cm<sup>4</sup>  
 $C_w = 13735,0$  cm<sup>6</sup>  
 $d' = 22,00$  cm  
 $t_w = 0,48$  cm  
 $b_f = 10,10$  cm  
 $t_f = 0,53$  cm

$L = 377$  cm  
 $E = 20000$  kN/cm<sup>2</sup>  
 $G = 7700$  kN/cm<sup>2</sup>  
 $k_x = k_y = k_z = 1,0$   
 $f_y = 25$  kN/cm<sup>2</sup>  
 $\gamma_{al} = 1,10$



A linha tracejada indica a linha elástica de flambagem	(a)	(b)	⊙	(d)	(e)	(f)
Valores teóricos de $K_x$ ou $K_y$	0,5	0,7	1,0	1,0	2,0	2,0
Valores recomendados	0,65	0,80	1,2	1,0	2,1	2,0

**Cálculo de Q**

→Alma AA (Grupo 2)

$$b/t = \frac{d'}{t_w} = \frac{22,00}{0,48} = 45,83$$

$$(b/t)_{lim} = 1,49 \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 1,49 \sqrt{\frac{20000}{25}} = 42,14$$

$$Q_a = 1,0 \quad \text{se} \quad \frac{b}{t} \leq (b/t)_{\text{lim}}$$

$$Q_a = \frac{A_{ef}}{A_g} \quad \text{se} \quad \frac{b}{t} > (b/t)_{\text{lim}}$$

$$\chi = 1,0$$

$$\sigma = \chi f_y$$

$$C_a = 0,34$$

$$b_{ef} = 1,92t \sqrt{\frac{E}{\sigma}} \left[ 1 - \frac{C_a}{b/t} \sqrt{\frac{E}{\sigma}} \right] = 20,60$$

$$A_{ef} = A_g - \sum (b - b_{ef})t = 23,10 - (22,00 - 20,60) \times 0,48 = 22,43 \text{ cm}^2$$

$$Q_a = \frac{A_{ef}}{A_g} = \frac{22,43}{23,10} = 0,970$$

→Mesa AL (Grupo 4)

$$\frac{b}{t} = \frac{b_f/2}{t_f} = \frac{10,10}{2 \times 0,53} = 9,53$$

$$Q_s = 1,0 \quad \text{se} \quad \frac{b}{t} \leq (b/t)_{\text{lim}} = 0,56 \sqrt{\frac{E}{f_y}} = 15,84$$

$$Q_s = 1,415 - 0,74 \frac{b}{t} \sqrt{\frac{f_y}{E}} \quad \text{se} \quad 0,56 \sqrt{\frac{E}{f_y}} < \frac{b}{t} \leq 1,03 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$$

$$Q_s = \frac{0,69E}{f_y \left(\frac{b}{t}\right)^2} \quad \text{se} \quad \frac{b}{t} > 1,03 \sqrt{\frac{E}{f_y}}$$

$$Q_s = 1,000$$

$$\therefore Q = Q_a Q_s = 0,970$$

## Cálculo de $\chi$

$$r_0 = \sqrt{r_x^2 + r_y^2} = \sqrt{9,96^2 + 1,99^2} = 10,157 \text{ cm}$$

$$N_{ex} = \frac{\pi^2 E I_x}{(k_x L_x)^2} = \frac{\pi^2 \times 20000 \times 2291}{(1,0 \times 377)^2} = 3181,8 \text{ kN}$$

$$N_{ey} = \frac{\pi^2 E I_y}{(k_y L_y)^2} = \frac{\pi^2 \times 20000 \times 91}{(1,0 \times 377)^2} = 126,38 \text{ kN}$$

$$N_{ez} = \frac{1}{r_0^2} \left[ \frac{\pi^2 E C_w}{(k_z L_z)^2} + G I_t \right] =$$

$$N_{ez} = \frac{1}{10,157^2} \left[ \frac{\pi^2 \times 20000 \times 13735}{(1,0 \times 377)^2} + 7700 \times 2,54 \right] = 374,5 \text{ kN}$$

$$N_e = \min(N_{ex}; N_{ey}; N_{ez}) = 126,38 \text{ kN}$$

$$\lambda_0 = \sqrt{\frac{Q A_g f_y}{N_e}} = \sqrt{\frac{0,970 \times 23,1 \times 25}{126,38}} = 2,105$$

$$\text{Se } \lambda_0 \leq 1,5 \quad \text{então } \chi = 0,658 \lambda_0^2$$

$$\text{Se } \lambda_0 > 1,5 \quad \text{então } \chi = \frac{0,877}{\lambda_0^2}$$

$$\therefore \chi = 0,197$$

Assim:

$$N_{c,Rd} = \frac{\chi Q A_g f_y}{\gamma_{a1}} = \frac{0,197 \times 0,970 \times 23,1 \times 25,0}{1,10}$$

$$\therefore N_{c,Rd} = 100 \text{ kN}$$