

**Componentes de F.** A força  $\mathbf{F}$  é decomposta em componentes, como mostrado na Figura 2.44b. Como  $F_{BA} = \mathbf{F} \cdot \mathbf{u}_{BA}$ , devemos primeiro definir o vetor unitário ao longo de  $BA$  e a força  $\mathbf{F}$  como vetores cartesianos.

$$\mathbf{u}_{BA} = \frac{\mathbf{r}_{BA}}{r_{BA}} = \frac{(-2\mathbf{i} - 2\mathbf{j} + 1\mathbf{k})}{3} = -\frac{2}{3}\mathbf{i} - \frac{2}{3}\mathbf{j} + \frac{1}{3}\mathbf{k}$$

$$\mathbf{F} = 80 \text{ lb} \left( \frac{\mathbf{r}_{BC}}{r_{BC}} \right) = 80 \left( \frac{-3\mathbf{j} + 1\mathbf{k}}{\sqrt{10}} \right) = -75,89\mathbf{j} + 25,30\mathbf{k}$$

Portanto:

$$\begin{aligned} F_{BA} &= \mathbf{F} \cdot \mathbf{u}_{BA} = (-75,89\mathbf{j} + 25,30\mathbf{k}) \cdot \left( -\frac{2}{3}\mathbf{i} - \frac{2}{3}\mathbf{j} + \frac{1}{3}\mathbf{k} \right) \\ &= 0 + 50,60 + 8,43 \\ &= 59 \text{ lb} \end{aligned}$$

**Resposta**

Uma vez que o ângulo  $\theta$  foi calculado por meio da Figura 2.44b, o mesmo resultado também pode ser obtido diretamente por trigonometria:

$$F_{BA} = 80 \cos 42,5^\circ \text{ lb} = 59 \text{ lb}$$

**Resposta**

O componente perpendicular é calculado por trigonometria,

$$\begin{aligned} F_{\perp} &= F \sin \theta \\ &= 80 \sin 42,5^\circ \text{ lb} \\ &= 54 \text{ lb} \end{aligned}$$

**Resposta**

ou pelo teorema de Pitágoras:

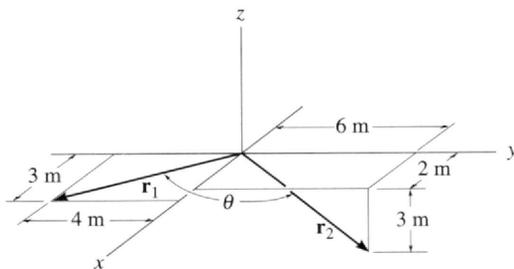
$$\begin{aligned} F_{\perp} &= \sqrt{F^2 - F_{BA}^2} = \sqrt{(80)^2 - (59)^2} \\ &= 54 \text{ lb} \end{aligned}$$

**Resposta**

## PROBLEMAS

**2.109.** Dados os três vetores  $\mathbf{A}$ ,  $\mathbf{B}$  e  $\mathbf{D}$ , demonstre que  $\mathbf{A} \cdot (\mathbf{B} + \mathbf{D}) = (\mathbf{A} \cdot \mathbf{B}) + (\mathbf{A} \cdot \mathbf{D})$ .

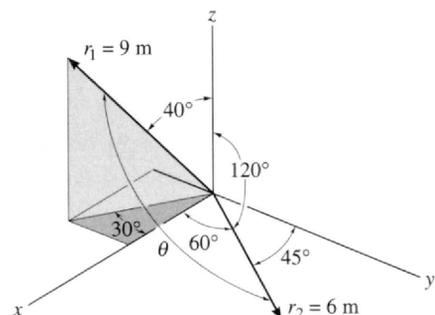
**2.110.** Determine o ângulo  $\theta$  entre os dois vetores.



Problema 2.110

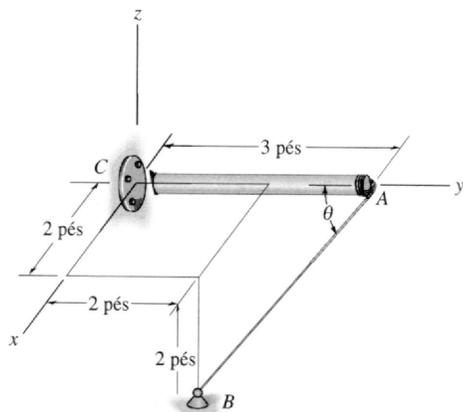
**2.111.** Determine o ângulo  $\theta$  entre os dois vetores.

**\*2.112.** Determine a intensidade do componente de  $\mathbf{r}_1$  projetada sobre  $\mathbf{r}_2$  e a projeção de  $\mathbf{r}_2$  sobre  $\mathbf{r}_1$ .



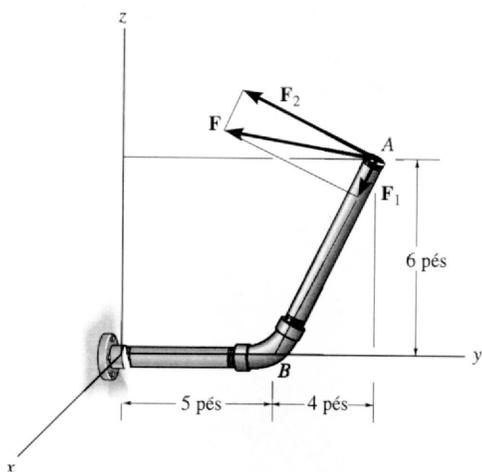
Problemas 2.111/112

**2.113.** Determine o ângulo  $\theta$  entre o eixo  $y$  do poste e o arame  $AB$ .



Problema 2.113

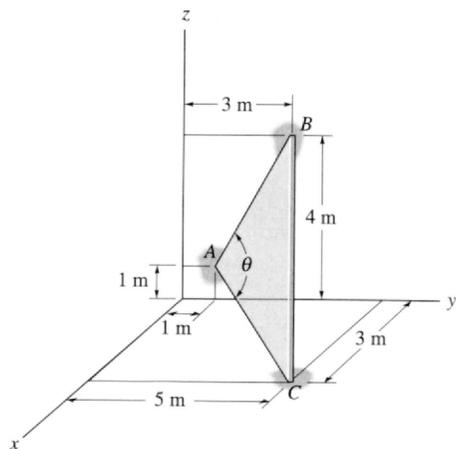
2.114. A força  $\mathbf{F} = \{25\mathbf{i} - 50\mathbf{j} + 10\mathbf{k}\}$  N atua na extremidade A do conjunto do tubo. Determine a intensidade dos componentes  $\mathbf{F}_1$  e  $\mathbf{F}_2$  que atuam ao longo do eixo de AB e na perpendicular a ele.



Problema 2.114

2.115. Determine o ângulo  $\theta$  entre os lados da chapa triangular.

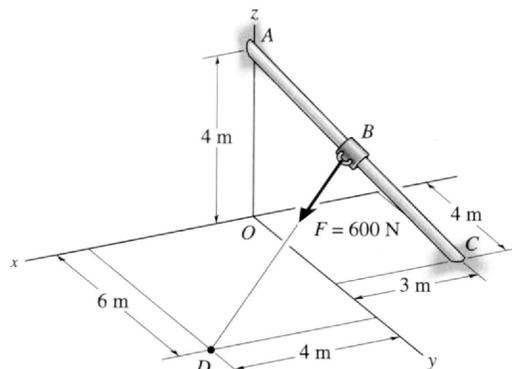
\*2.116. Determine o comprimento do lado BC da chapa triangular. Resolva o problema calculando a intensidade de  $\mathbf{r}_{BC}$ . Em seguida, verifique o resultado calculando primeiro  $\theta$ ,  $r_{AB}$  e  $r_{AC}$  e depois use a lei do cosseno.



Problemas 2.115/116

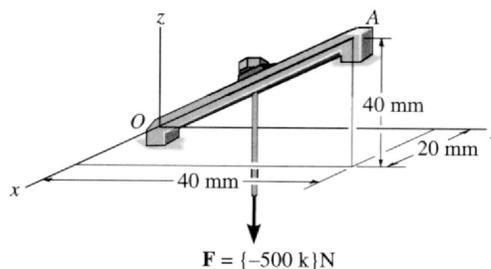
2.117. Determine os componentes de  $\mathbf{F}$  que atuam ao longo da haste AC e perpendicularmente a ela. O ponto B está localizado no ponto médio da haste.

2.118. Determine os componentes de  $\mathbf{F}$  que atuam ao longo da haste AC e perpendicularmente a ela. O ponto B está localizado sobre a haste a 3 m da extremidade C.



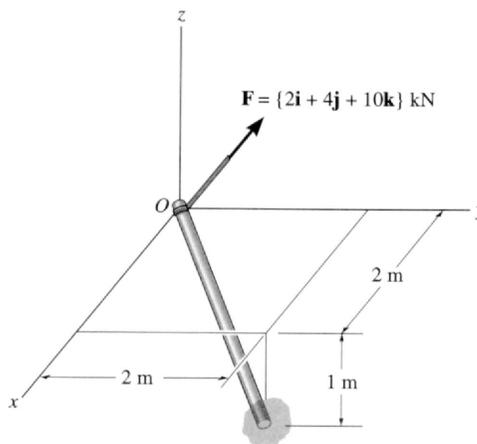
Problemas 2.117/218

2.119. O fixador é usado em um dispositivo. Se a força vertical que atua sobre o parafuso for  $\mathbf{F} = \{-500\mathbf{k}\}$  N, determine as intensidades dos componentes  $\mathbf{F}_1$  e  $\mathbf{F}_2$  que atuam ao longo do eixo OA e perpendicularmente a ele.



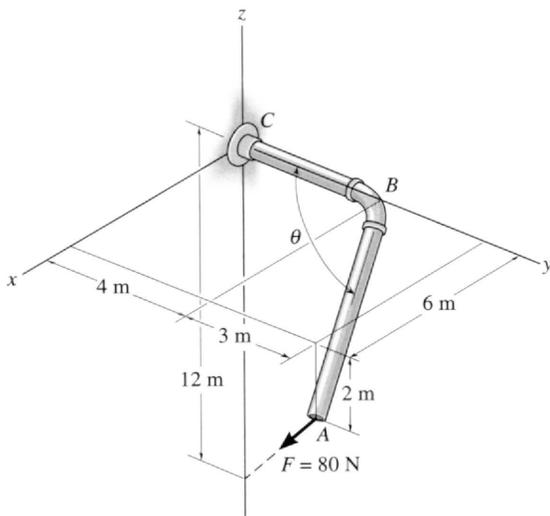
Problema 2.119

\*2.120. Determine a projeção da força  $\mathbf{F}$  ao longo do poste.



Problema 2.120

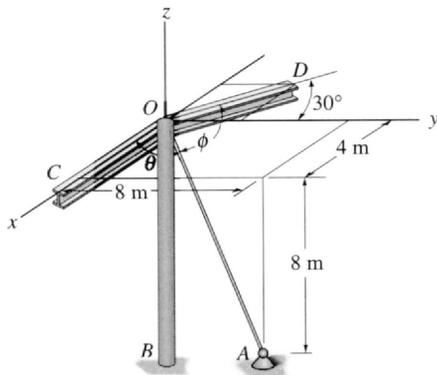
**2.121.** Determine o componente projetada da força de 80 N que atua ao longo do eixo  $AB$  do tubo.



**Problema 2.121**

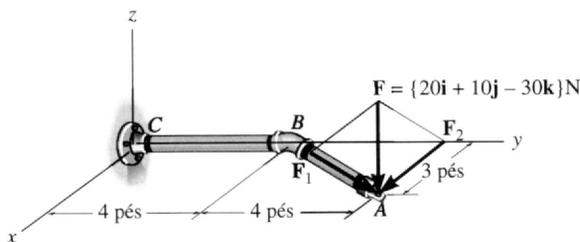
**2.122.** O cabo  $OA$  é usado para suportar a coluna  $OB$ . Determine o ângulo  $\theta$  que ele forma com a viga  $OC$ .

**2.123.** O cabo  $OA$  é usado para suportar a coluna  $OB$ . Determine o ângulo  $\phi$  que ele forma com a viga  $OD$ .



**Problemas 2.122/123**

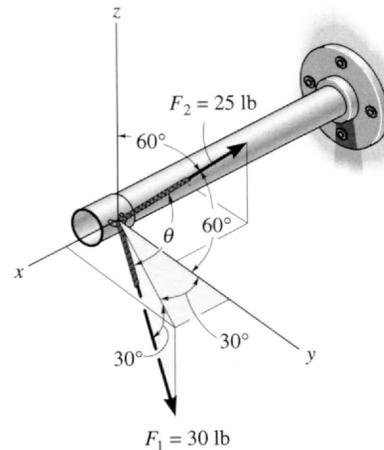
**\*2.124.** A força  $\mathbf{F}$  atua sobre a extremidade  $A$  do conjunto do tubo. Determine as intensidades dos componentes  $\mathbf{F}_1$  e  $\mathbf{F}_2$  que atuam ao longo do eixo de  $AB$  e perpendicularmente a ele.



**Problema 2.124**

**2.125.** Dois cabos exercem forças sobre o tubo. Determine a grandeza do componente de  $\mathbf{F}_1$  projetado ao longo da linha de ação de  $\mathbf{F}_2$ .

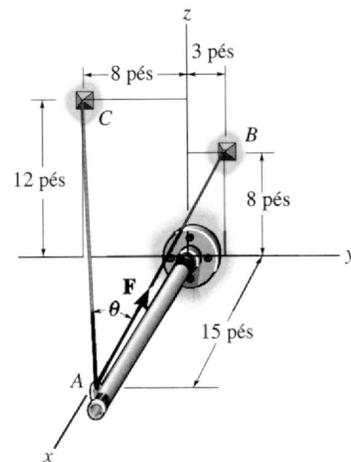
**2.126.** Determine o ângulo  $\theta$  entre os dois cabos presos ao tubo.



**Problemas 2.125/126**

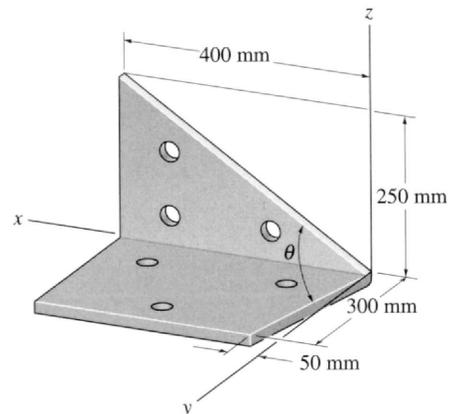
**2.127.** Determine o ângulo  $\theta$  entre os cabos  $AB$  e  $AC$ .

**\*2.128.** Se  $\mathbf{F}$  tem intensidade de 55 lb, determine as intensidades das projeções de seus componentes que atuam ao longo do eixo  $x$  e do cabo  $AC$ .



**Problemas 2.127/128**

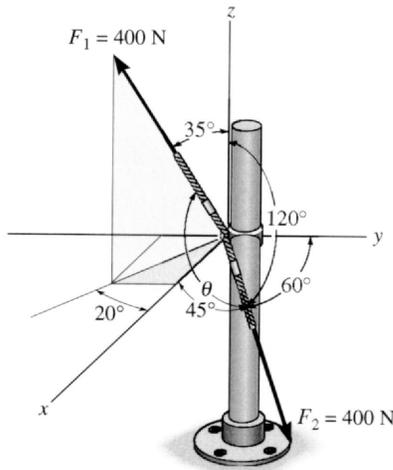
**2.129.** Determine o ângulo  $\theta$  entre as bordas do suporte de chapa metálica.



**Problema 2.129**

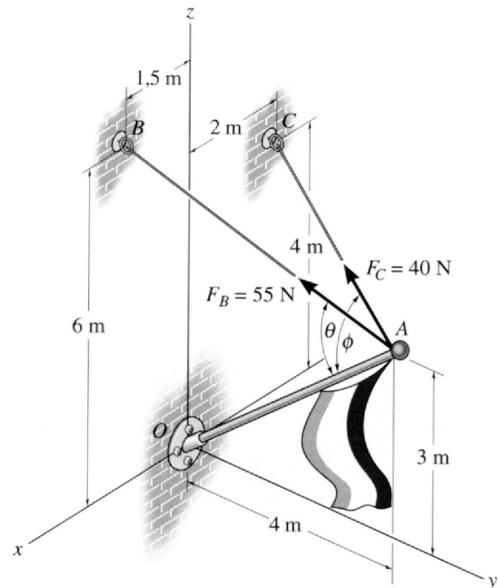
**2.130.** Cada um dos cabos exerce uma força de 400 N sobre o poste. Determine a intensidade da projeção do componente de  $\mathbf{F}_1$  ao longo da linha de ação de  $\mathbf{F}_2$ .

**2.131.** Determine o ângulo  $\theta$  entre os dois cabos presos ao poste.



Problemas 2.130/131

**\*2.132.** Determine os ângulos  $\theta$  e  $\phi$  entre os eixos  $OA$  do poste da bandeira e  $AB$  e  $AC$  de cada cabo, respectivamente.



Problema 2.132

### REVISÃO DO CAPÍTULO

- **Lei do Paralelogramo.** Dois vetores são somados de acordo com a lei do paralelogramo. Os *componentes* formam os lados do paralelogramo e a *resultante* é a diagonal. Como os vetores são somados pela regra da adição, use a lei do triângulo para obter os componentes ou a resultante e, em seguida, use a lei dos senos e a lei dos cossenos para calcular seus valores.
- **Vetores Cartesianos.** Um vetor pode ser desmembrado em seus componentes cartesianos ao longo dos eixos  $x, y, z$ , de modo que  $\mathbf{F} = F_x\mathbf{i} + F_y\mathbf{j} + F_z\mathbf{k}$ .  
A intensidade de  $\mathbf{F}$  é determinada pela equação  $F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2 + F_z^2}$  e os ângulos diretores coordenados  $\alpha, \beta, \gamma$  são determinados definindo-se o vetor unitário  $\mathbf{u} = (F_x/F)\mathbf{i} + (F_y/F)\mathbf{j} + (F_z/F)\mathbf{k}$  na direção de  $\mathbf{F}$ . Os componentes de  $\mathbf{u}$  representam  $\cos \alpha, \cos \beta, \cos \gamma$ . Esses três ângulos são relacionados pela expressão  $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1$ , de modo que dois dos três ângulos são independentes um do outro.
- **Vetores Força e Posição.** Um vetor posição é orientado entre dois pontos. É definido calculando-se a distância e a direção em que é preciso deslocar-se ao longo dos eixos  $x, y, z$  de um ponto (a origem) a outro ponto (a ponta). Se a linha de ação de uma força passa por esses dois pontos, então ela atua na mesma direção  $\mathbf{u}$  que o vetor posição. A força é expressa como vetor cartesiano usando-se  $\mathbf{F} = F\mathbf{u} = F(\mathbf{r}/r)$ .
- **Produto Escalar.** O produto escalar entre dois vetores  $\mathbf{A}$  e  $\mathbf{B}$  é definido por  $\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = AB \cos \theta$ . Se  $\mathbf{A}$  e  $\mathbf{B}$  forem expressos como vetores cartesianos, então  $\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z$ . O produto vetorial é usado em estática para calcular o ângulo entre os vetores,  $\theta = \cos^{-1}(\mathbf{A} \cdot \mathbf{B}/AB)$ . Também é empregado para determinar a projeção do componente de um vetor  $\mathbf{A}$  sobre um eixo definido pelo seu vetor unitário  $\mathbf{u}$ , de modo que  $A = A \cos \theta = \mathbf{A} \cdot \mathbf{u}$ .

- $\mathbf{F}_2 = \{350\mathbf{i}\}$  N,  $\mathbf{F}_3 = \{-100\mathbf{j}\}$  N,  
 $\theta = 67,0^\circ$ ,  $F_1 = 434$  N
- 2.55.**  $\theta = 117^\circ$ ,  $F_3 = 1,12 F_1$
- 2.57.**  $F_R = 161$  lb,  $\theta = 38,3^\circ$
- 2.58.**  $F = 2,03$  kN,  $F_R = 7,87$  kN,
- 2.59.**  $F_1 = 87,7$  N,  $\alpha_1 = 46,9^\circ$ ,  $\beta_1 = 125^\circ$ ,  $\gamma_1 = 62,9^\circ$ ,  
 $F_2 = 98,6$  N,  $\alpha_2 = 114^\circ$ ,  $\beta_2 = 150^\circ$ ,  $\gamma_2 = 72,3^\circ$
- 2.61.**  $F = 50$  N,  $\alpha = 74,1^\circ$ ,  $\beta = 41,3^\circ$ ,  $\gamma = 53,1^\circ$
- 2.62.**  $F_R = 39,4$  lb,  $\alpha = 52,8^\circ$ ,  $\beta = 141^\circ$ ,  $\gamma = 99,5^\circ$
- 2.63.**  $\beta = 90^\circ$ ,  $\mathbf{F} = \{-30\mathbf{i} - 52,0\mathbf{k}\}$  N
- 2.65.**  $\mathbf{F}_1 = \{53,1\mathbf{i} - 44,5\mathbf{j} + 40\mathbf{k}\}$  lb,  $\alpha_1 = 48,4^\circ$ ,  
 $\beta_1 = 124^\circ$ ,  $\gamma_1 = 60^\circ$ ,  $\mathbf{F}_2 = \{-130\mathbf{k}\}$  lb,  
 $\alpha_2 = 90^\circ$ ,  $\beta_2 = 90^\circ$ ,  $\gamma_2 = 180^\circ$
- 2.66.**  $\alpha_1 = 45,6^\circ$ ,  $\beta_1 = 53,1^\circ$ ,  $\gamma_1 = 66,4^\circ$
- 2.67.**  $\alpha_1 = 90^\circ$ ,  $\beta_1 = 53,1^\circ$ ,  $\gamma_1 = 66,4^\circ$
- 2.69.**  $\mathbf{F}_1 = \{176\mathbf{j} - 605\mathbf{k}\}$  lb,  
 $\mathbf{F}_2 = \{125\mathbf{i} - 177\mathbf{j} + 125\mathbf{k}\}$  lb,  
 $\mathbf{F}_R = \{125\mathbf{i} - 0,377\mathbf{j} - 480\mathbf{k}\}$  lb,  
 $F_R = 496$  lb;  $\alpha = 75,4^\circ$ ,  $\beta = 90,0^\circ$ ,  $\gamma = 165^\circ$
- 2.70.**  $F_R = 369$  N,  $\alpha = 19,5^\circ$ ,  $\beta = 78,3^\circ$ ,  $\gamma = 105^\circ$
- 2.71.**  $F_2 = 66,4$  lb,  $\alpha = 59,8^\circ$ ,  $\beta = 107^\circ$ ,  $\gamma = 144^\circ$
- 2.73.**  $\mathbf{F}_1 = \{86,5\mathbf{i} + 186\mathbf{j} - 143\mathbf{k}\}$  N,  
 $\mathbf{F}_2 = \{-200\mathbf{i} + 283\mathbf{j} + 200\mathbf{k}\}$  N,  
 $\mathbf{F}_R = \{-113\mathbf{i} + 468\mathbf{j} + 56,6\mathbf{k}\}$  N,  
 $F_R = 485$  N,  $\alpha = 104^\circ$ ,  $\beta = 15,1^\circ$ ,  $\gamma = 83,3^\circ$
- 2.74.**  $F_x = 1,28$  kN,  $F_y = 2,60$  kN,  $F_z = 0,776$  kN
- 2.75.**  $F = 2,02$  kN,  $F_y = 0,523$  kN
- 2.77.**  $F_3 = 166$  N,  $\alpha = 97,5^\circ$ ,  $\beta = 63,7^\circ$ ,  $\gamma = 27,5^\circ$
- 2.78.**  $\alpha_{F_1} = 36,9^\circ$ ,  $\beta_{F_1} = 90,0^\circ$ ,  $\gamma_{F_1} = 53,1^\circ$ ,  
 $\alpha_R = 69,3^\circ$ ,  $\beta_R = 52,2^\circ$ ,  $\gamma_R = 45,0^\circ$
- 2.79.**  $F_x = 40$  N,  $F_y = 40$  N,  $F_z = 56,6$  N
- 2.81.**  $r = 31,5$  m,  $\alpha = 69,6^\circ$ ,  $\beta = 116^\circ$ ,  $\gamma = 34,4^\circ$
- 2.82.**  $\mathbf{r}_{AB} = \{2\mathbf{i} - 7\mathbf{j} - 5\mathbf{k}\}$  pés,  $r_{AB} = 8,83$  pés,  
 $\alpha = 76,9^\circ$ ,  $\beta = 142^\circ$ ,  $\gamma = 124^\circ$
- 2.83.**  $\alpha = 73,4^\circ$ ,  $\beta = 64,6^\circ$ ,  $\gamma = 31,0^\circ$
- 2.85.**  $\mathbf{r} = \{-2,35\mathbf{i} + 3,93\mathbf{j} + 3,71\mathbf{k}\}$  pés,  $r = 5,89$  pés,  
 $\alpha = 113^\circ$ ,  $\beta = 48,2^\circ$ ,  $\gamma = 51,0^\circ$
- 2.86.**  $\mathbf{F} = \{404\mathbf{i} + 276\mathbf{j} - 101\mathbf{k}\}$  lb,  
 $\alpha = 36,0^\circ$ ,  $\beta = 56,5^\circ$ ,  $\gamma = 102^\circ$
- 2.87.**  $r_{AB} = 2,11$  m
- 2.89.**  $r_{AB} = 17,0$  pés,  $\mathbf{F} = \{-160\mathbf{i} - 180\mathbf{j} + 240\mathbf{k}\}$  lb
- 2.90.**  $r_{AB} = 467$  mm
- 2.91.**  $r_{AD} = 1,50$  m,  $r_{BD} = 1,50$  m,  $r_{CD} = 1,73$  m
- 2.93.**  $\mathbf{F} = \{452\mathbf{i} + 370\mathbf{j} - 136\mathbf{k}\}$  lb,  $\alpha = 41,1^\circ$ ,  
 $\beta = 51,9^\circ$ ,  $\gamma = 103^\circ$
- 2.94.**  $F_R = 316$  N,  $\alpha = 60,1^\circ$ ,  $\beta = 74,6^\circ$ ,  $\gamma = 146^\circ$
- 2.95.**  $\mathbf{F}_A = \{285\mathbf{j} - 93,0\mathbf{k}\}$  N,  
 $\mathbf{F}_C = \{159\mathbf{i} + 183\mathbf{j} - 59,7\mathbf{k}\}$  N
- 2.97.**  $\mathbf{F}_{AB} = \{75,5\mathbf{i} - 43,6\mathbf{j} - 122\mathbf{k}\}$  lb,  
 $\mathbf{F}_{BC} = \{26,8\mathbf{i} + 33,5\mathbf{j} - 90,4\mathbf{k}\}$  lb,  
 $F_R = 236$  lb,  $\alpha = 64,3^\circ$ ,  $\beta = 92,5^\circ$ ,  $\gamma = 154^\circ$
- 2.98.**  $\mathbf{F}_A = \{-43,5\mathbf{i} + 174\mathbf{j} - 174\mathbf{k}\}$  N,  
 $\mathbf{F}_B = \{53,2\mathbf{i} - 79,8\mathbf{j} - 146\mathbf{k}\}$  N
- 2.99.**  $\mathbf{F}_1 = \{-26,2\mathbf{i} - 41,9\mathbf{j} + 62,9\mathbf{k}\}$  lb,

- $\mathbf{F}_2 = \{13,4\mathbf{i} - 26,7\mathbf{j} - 40,1\mathbf{k}\}$  lb,  
 $F_R = 73,5$  lb,  $\alpha = 100^\circ$ ,  $\beta = 159^\circ$ ,  $\gamma = 71,9^\circ$
- 2.101.**  $\mathbf{F} = \{13,4\mathbf{i} + 23,2\mathbf{j} + 53,7\mathbf{k}\}$  lb
- 2.102.**  $\mathbf{F} = \{-6,61\mathbf{i} - 3,73\mathbf{j} + 9,29\mathbf{k}\}$  lb
- 2.103.**  $x = 7,65$  pés,  $y = 4,24$  pés,  $z = 3,76$  pés
- 2.105.**  $\mathbf{F}_{EA} = \{12\mathbf{i} - 8\mathbf{j} - 24\mathbf{k}\}$  kN,  
 $\mathbf{F}_{EB} = \{12\mathbf{i} + 8\mathbf{j} - 24\mathbf{k}\}$  kN,  
 $\mathbf{F}_{EC} = \{-12\mathbf{i} + 8\mathbf{j} - 24\mathbf{k}\}$  kN,  
 $\mathbf{F}_{ED} = \{-12\mathbf{i} - 8\mathbf{j} - 24\mathbf{k}\}$  kN,  $\mathbf{F}_R = \{-96\mathbf{k}\}$  kN
- 2.106.**  $F_R = 1,50$  kN,  $\alpha = 77,6^\circ$ ,  $\beta = 90,6^\circ$ ,  $\gamma = 168^\circ$
- 2.107.**  $\mathbf{F} = \{143\mathbf{i} + 248\mathbf{j} - 201\mathbf{k}\}$  lb
- 2.109.** O componente de  $(\mathbf{B} + \mathbf{D})$  na direção  $\mathbf{A}$  é igual à soma dos componentes de  $\mathbf{B}$  e  $\mathbf{D}$  na direção  $\mathbf{A}$ .
- 2.110.**  $\theta = 121^\circ$
- 2.111.**  $\theta = 109^\circ$
- 2.113.**  $\theta = 70,5^\circ$
- 2.114.**  $F_1 = 19,4$  N,  $F_2 = 53,4$  N
- 2.115.**  $\theta = 74,2^\circ$
- 2.117.**  $F_{\parallel} = 99,1$  N,  $F_{\perp} = 592$  N
- 2.118.**  $F_{\parallel} = 82,4$  N,  $F_{\perp} = 594$  N
- 2.119.**  $F_1 = 333$  N,  $F_2 = 373$  N
- 2.121.** Proj.  $F = 31,1$  N
- 2.122.**  $\theta = 70,5^\circ$
- 2.123.**  $\phi = 65,8^\circ$
- 2.125.**  $(F_1)_{F_2} = 5,44$  lb
- 2.126.**  $\theta = 100^\circ$
- 2.127.**  $\theta = 34,2^\circ$
- 2.129.**  $\theta = 82,0^\circ$
- 2.130.**  $(F_1)_{F_2} = 50,6$  N
- 2.131.**  $\theta = 97,3^\circ$
- 2.133.**  $F_3 = 428$  lb,  $\alpha = 88,3^\circ$ ,  $\beta = 20,6^\circ$ ,  $\gamma = 69,5^\circ$
- 2.134.**  $F_3 = 250$  lb,  $\alpha = 87,0^\circ$ ,  $\beta = 143^\circ$ ,  $\gamma = 53,1^\circ$
- 2.135.**  $F_{BA} = 215$  lb,  $\theta = 52,7^\circ$
- 2.137.**  $\phi = \frac{\theta}{2}$ ,  $F_R = 2F \cos\left(\frac{\theta}{2}\right)$
- 2.138.**  $\theta = 74,0^\circ$ ,  $\phi = 33,9^\circ$
- 2.139.** Proj  $F_{AB} = 70,5$  N, Proj  $F_{AC} = 65,1$  N
- 2.141.**  $\theta = 60^\circ$ ,  $P = 40$  lb,  $T = 69,3$  lb

### Capítulo 3

- 3.1.**  $F_1 = 435$  lb,  $F_2 = 171$  lb
- 3.2.**  $\theta = 31,8^\circ$ ,  $F = 4,94$  kN
- 3.3.**  $\theta = 12,9^\circ$ ,  $F_1 = 552$  N
- 3.5.**  $F_1 = 1,83$  kN,  $F_2 = 9,60$  kN
- 3.6.**  $\theta = 4,69^\circ$ ,  $F_1 = 4,31$  kN
- 3.7.**  $F_{BC} = 2,99$  kN,  $F_{AB} = 3,78$  kN
- 3.9.**  $\theta = 34,2^\circ$
- 3.10.**  $\theta = 11,5^\circ$
- 3.11.**  $F = 1,13$  mN
- 3.13.**  $x_{AC} = 0,793$  m,  $x_{AB} = 0,467$  m
- 3.14.**  $m = 12,8$  kg