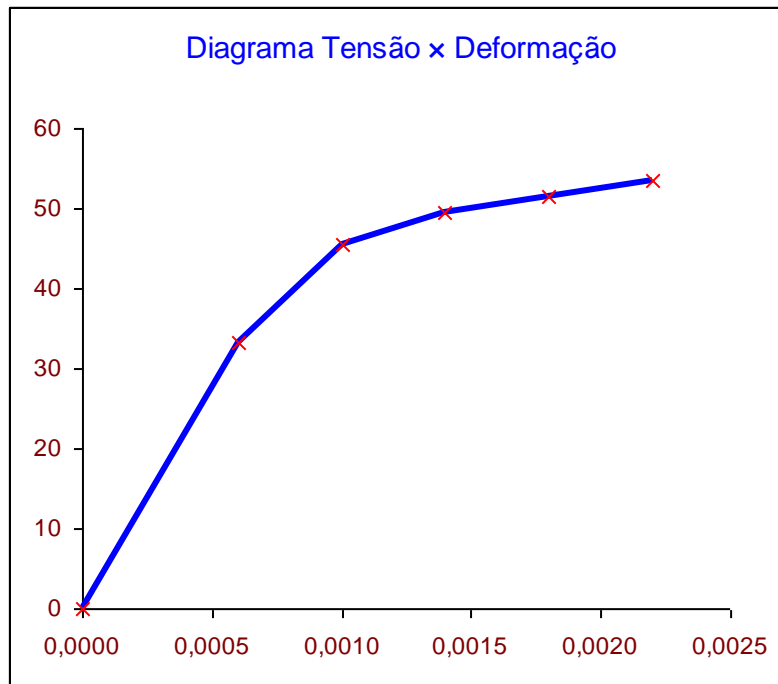


**3.2** Os dados de um teste tensão-deformação de uma cerâmica são fornecidos na tabela. A curva é linear entre a origem e o primeiro ponto. Construir o diagrama e determinar o módulo de elasticidade e o módulo de resiliência.

$\sigma$ (ksi)	$\epsilon$ (pol/pol)
0	0
33,2	0,0006
45,5	0,0010
49,4	0,0014
51,5	0,0018
53,4	0,0022

**Solução:**



O módulo de elasticidade é a inclinação da reta inicial, ou seja, a tangente do ângulo entre a reta inicial e o eixo das deformações (abscissa). O módulo de resiliência é a área sob essa reta inicial, ou melhor, área do triângulo inicial.

$$E = \frac{33,2}{0,0006} = 55333,3 \text{ ksi}$$

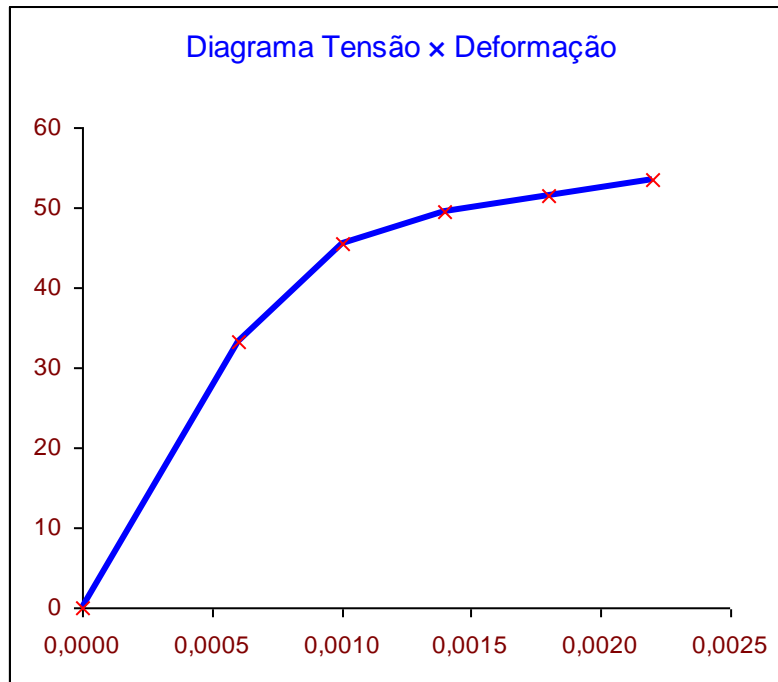
$$u_r = \frac{33,2 \times 0,0006}{2} = 0,00996 \text{ ksi} = 9,96 \text{ psi}$$

**Resposta:** Módulo de elasticidade = **55300 ksi** e o módulo de resiliência = **9,96 psi**.

**3.3** Os dados de um teste tensão-deformação de uma cerâmica são fornecidos na tabela. A curva é linear entre a origem e o primeiro ponto. Construir o diagrama e determinar o módulo de tenacidade aproximado se a tensão de ruptura for de 53,4 ksi.

$\sigma$ (ksi)	$\epsilon$ (pol/pol)
0	0
33,2	0,0006
45,5	0,0010
49,4	0,0014
51,5	0,0018
53,4	0,0022

**Solução:**



O módulo de tenacidade será a soma das áreas abaixo da curva do diagrama tensão versus deformação, neste caso, um triângulo e quatro trapézios:

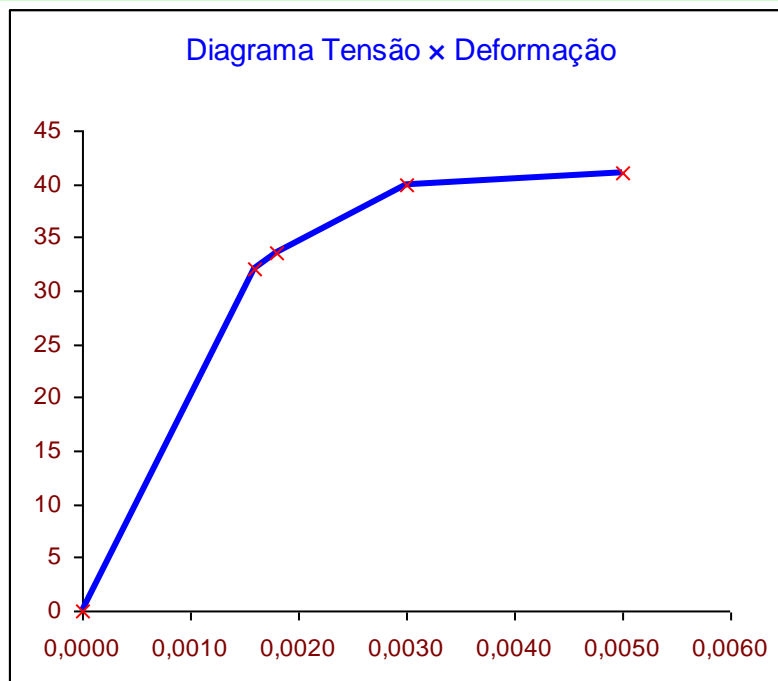
$$u_t = \frac{33,2 \times 0,0006}{2} + \frac{0,0004}{2} \times (33,2 + 45,5) + \frac{0,0004}{2} \times (45,5 + 49,4) + \frac{0,0004}{2} \times (49,4 + 51,5) + \frac{0,0004}{2} \times (51,5 + 53,4) = 0,08584 \text{ ksi} = 85,84 \text{ psi}$$

**Resposta:** O módulo de tenacidade = 85,8 psi.

**3.4** Os dados de um teste tensão-deformação de uma cerâmica são fornecidos na tabela. A curva é linear entre a origem e o primeiro ponto. Construir o diagrama e determinar o módulo de elasticidade e o módulo de resiliência.

$\sigma$ (ksi)	$\epsilon$ (pol/pol)
0	0
32,0	0,0016
33,5	0,0018
40,0	0,0030
41,2	0,0050

**Solução:**



O módulo de elasticidade é a tangente do ângulo entre a reta inicial e o eixo das deformações (abscissa). O módulo de resiliência é a área sob essa reta inicial.

$$E = \frac{32}{0,0016} = 20000 \text{ ksi}$$

$$u_r = \frac{32 \times 0,0016}{2} = 0,0256 \text{ ksi} = 25,6 \text{ psi}$$

**Resposta:** O Módulo de elasticidade =  $20,0 \times 10^3$  ksi, e o módulo de resiliência = 25,6 psi.

**2008-1)** Um ensaio de tração foi executado em um corpo-de-prova com um diâmetro original de 13mm e um comprimento nominal de 50mm. Os resultados do ensaio até a ruptura estão listados na tabela ao lado. Faça o gráfico do diagrama tensão-deformação e determine aproximadamente o módulo de elasticidade, a tensão de escoamento, a tensão última, a tensão de ruptura, o módulo de resiliência e tenacidade.

Carga (kN)	$\delta$ (mm)
0,0	0,00
53,5	0,13
53,5	0,20
53,5	0,51
75,3	1,02
90,7	2,54
97,5	7,11
88,5	10,2

### Solução:

A coluna da carga (1 kN = 1000 N) deve ser dividida pela área da seção transversal do corpo-de-prova:

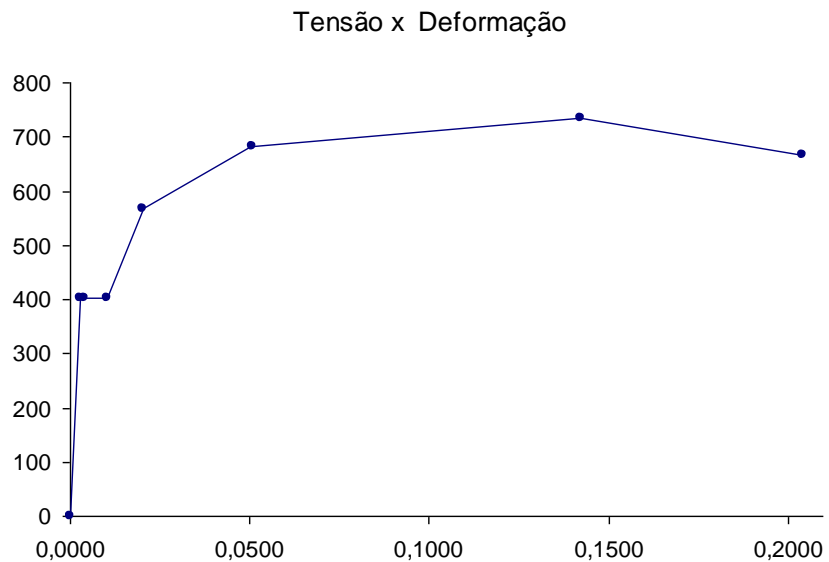
$$A = \frac{\pi \times (13\text{mm})^2}{4} = 132,7323 \text{ mm}^2$$

A coluna do alongamento  $\delta$  deve ser dividida pelo comprimento nominal do corpo-de-prova:

$$L_i = 50 \text{ mm}$$

Assim temos uma nova tabela:

$\epsilon$ (mm/mm)	$\sigma$ (MPa)
0,0000	0,0
0,0026	403,1
0,0040	403,1
0,0102	403,1
0,0204	567,3
0,0508	683,3
0,1422	734,6
0,2040	666,8



Módulo de Elasticidade E:

$$E = \frac{403,1 \text{ MPa}}{0,0026} = 155026 \text{ MPa} = 155 \text{ GPa}$$

Módulo de Resiliência  $u_r$ :

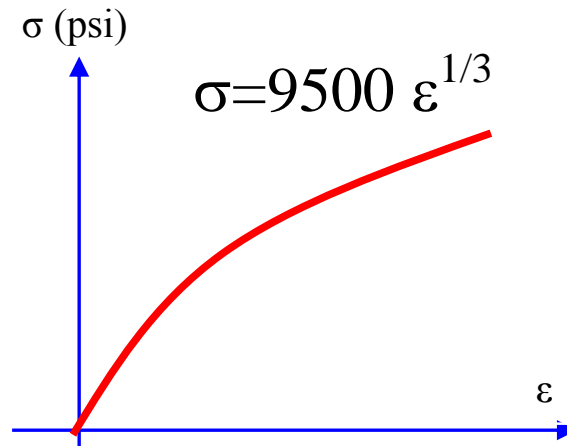
$$u_r = \frac{0,0026 \times 403,1 \text{ MPa}}{2} = 0,524 \text{ MPa} = 524 \text{ kPa}$$

Utilizando-se a regra dos trapézios (soma de trapézios sob a curva tensão x deformação) temos o Módulo de Tenacidade:  $u_t = 135,6 \text{ MPa}$

### Resposta:

Módulo de Elasticidade =	<b>155 GPa</b>	Tensão de Escoamento =	<b>403 MPa</b>
Módulo de Resiliência =	<b>524 kPa</b>	Tensão Última (Max) =	<b>735 MPa</b>
Módulo de Tenacidade =	<b>136 MPa</b>	Tensão de Ruptura =	<b>667 MPa</b>

**2008-2)** O diagrama tensão x deformação mostrado na figura refere-se a um plástico. Determine o alongamento de uma barra com 3 pés de comprimento e área de seção transversal de  $0,875 \text{ pol}^2$  se ela é fabricada com este material e submetida a uma carga axial de 2,5 kip. Calcule o Módulo de Tenacidade se o plástico vai a ruptura sob a tensão de 3 ksi.



**Solução:**

$$\sigma = 9500 \varepsilon^{1/3} \Rightarrow \varepsilon = \left( \frac{\sigma}{9500} \right)^3 \Rightarrow \varepsilon = \left( \frac{\sigma}{9500} \right)^3$$

Mas,

$$\sigma = \frac{P}{A} = \frac{2500 \text{ lbf}}{0,875 \text{ in}^2} = 2857,143 \text{ psi}$$

Então:

$$\varepsilon = \left( \frac{2857,143}{9500} \right)^3 = 0,027204$$

Como:

$$\varepsilon = \frac{\delta}{L} \Rightarrow \delta = \varepsilon \times L$$

Onde  $L = 3 \text{ pés} = 36 \text{ pol}$

Assim,

$$\delta = 0,027204 \times 36$$

$$\therefore \delta = 0,979 \text{ pol}$$

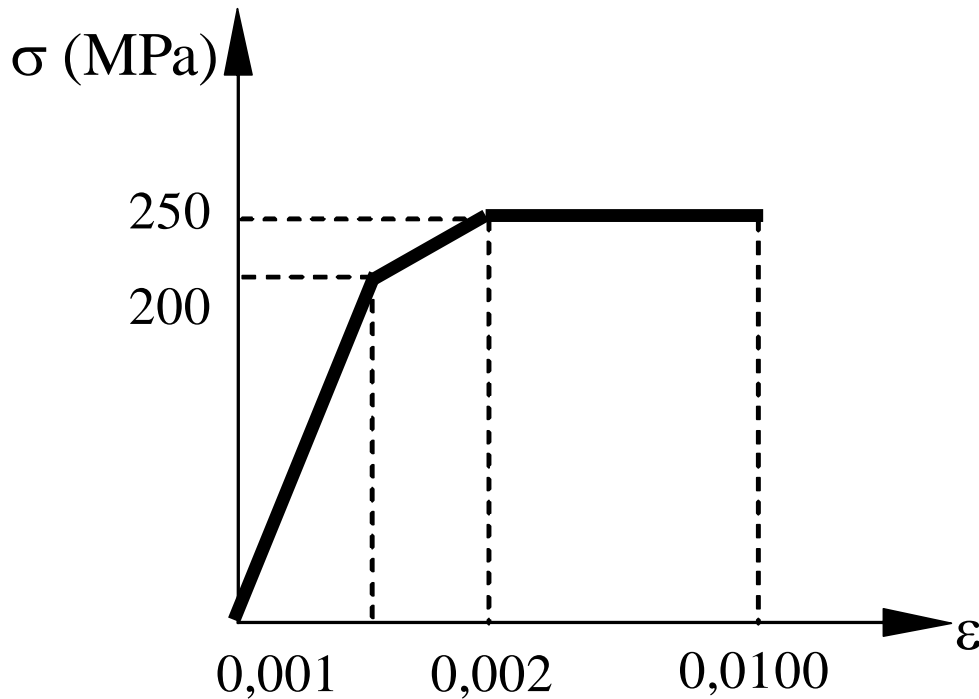
Módulo de Tenacidade

$$\varepsilon_{rup} = \left( \frac{3000}{9500} \right)^3 = 0,0314915$$

$$u_t = \int_0^{\varepsilon_{rup}} 9500 \varepsilon^{1/3} d\varepsilon = 9500 \frac{\varepsilon^{4/3}}{4/3} \Big|_0^{\varepsilon_{rup}} = 9500 \frac{\varepsilon_{rup}^{4/3}}{4/3} = 9500 \frac{(0,0314915)^{4/3}}{4/3} = 70,9 \text{ psi}$$

**Resposta:** O alongamento da barra com 3 pés (36 pol) de comprimento será de **0,979 pol** e o módulo de tenacidade = **70,9 psi**.

**2008-3)** Calcule o alongamento de um tubo de comprimento de 8,0 m, quando sujeito a uma tensão de tração de 225 MPa. O material desse tubo é visto no diagrama tensão versus deformação ao lado. Calcule, também, os módulos de elasticidade, resiliência e tenacidade desse material.



**Solução:**

Módulo de Elasticidade

$$E = \operatorname{tg} \alpha = \frac{200}{0,001} = 200000 \text{ MPa} = 200 \text{ GPa}$$

Módulo de Resiliência

$$u_r = \frac{0,001 \times 200}{2} = 0,1 \text{ MPa}$$

Módulo de Tenacidade

$$u_t = \frac{0,001 \times 200}{2} + \frac{(0,002 - 0,001)}{2} \times (200 + 250) + (0,010 - 0,002) \times 250 = 2,325 \text{ MPa}$$

Para uma tensão de 225 MPa temos uma deformação  $\varepsilon = 0,0015$ , como visto no diagrama. Assim:

$$\varepsilon = \frac{\delta}{L} \Rightarrow \delta = \varepsilon \times L = 0,0015 \times 8000 \text{ mm}$$

$$\therefore \delta = 12 \text{ mm}$$

**Resposta:** O alongamento do tubo de 8000 mm é de **12 mm**. Os Módulos de Elasticidade, Resiliência e Tenacidade são: **200 GPa**, **100 kPa** e **2,33 MPa**, respectivamente.