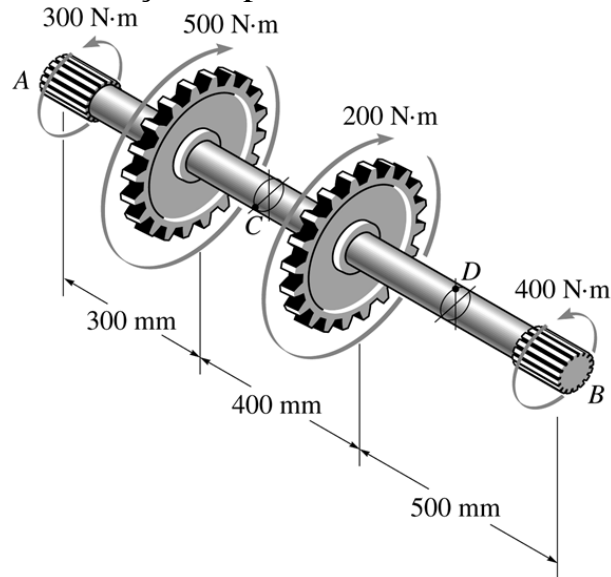


1- O eixo maciço de aço ($G = 75 \text{ GPa}$) de 43 mm de diâmetro é usado para transmitir os torques aplicados às engrenagens. Determinar o ângulo total de torção do ponto A em relação ao ponto B.



Solução:

$$d = 43 \text{ mm}$$

O ângulo total de torção é dado pela expressão:

$$\phi_{AB} = \frac{T_1 L_1}{GJ} + \frac{T_2 L_2}{GJ} + \frac{T_3 L_3}{GJ} = \frac{1}{GJ} (T_1 L_1 + T_2 L_2 + T_3 L_3)$$

$$T_1 = -300 \text{ Nm} = -300000 \text{ Nmm}$$

$$L_1 = 300 \text{ mm}$$

$$T_2 = -300 + 500 = +200 \text{ Nm} = +200000 \text{ Nmm}$$

$$L_2 = 400 \text{ mm}$$

$$T_3 = -300 + 500 + 200 = +400 \text{ Nm} = +400000 \text{ Nmm}$$

$$L_3 = 500 \text{ mm}$$

$$J = \frac{\pi d^4}{32} = 335640,0 \text{ mm}^4$$

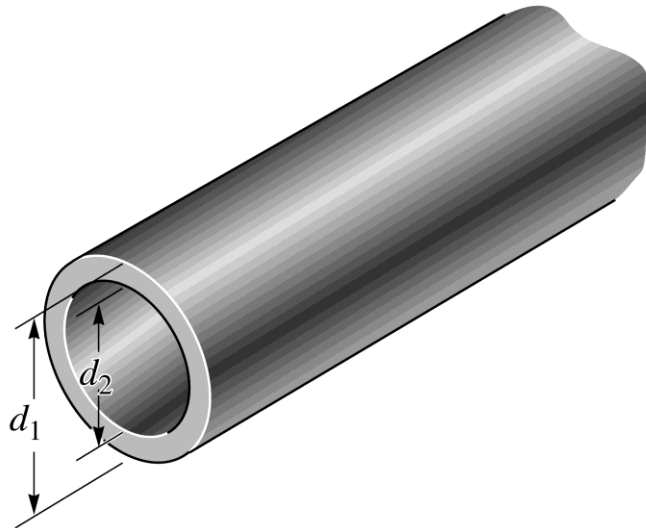
$$G = 75000 \text{ N/mm}^2$$

$$\phi_{AB} = \frac{1}{GJ} (-300000 \times 300 + 200000 \times 400 + 400000 \times 500)$$

$$\therefore \phi_{AB} = 0,007548 \text{ rad} = 0,43246^\circ$$

Resposta: O ângulo total de torção de A em relação a B é de **0,432°**.

2- Um tubo de aço com diâmetro externo de $d_1 = 64$ mm transmite 26 kW quando gira a 500 rpm. Determinar o diâmetro interno d_2 do tubo, em milímetros inteiros, se a tensão de cisalhamento admissível for $\tau_{\max} = 70$ MPa.



Solução:

A relação entre potência e velocidade é:

$$P = T \omega \Rightarrow T = \frac{P}{\omega}$$

Assim, a tensão de cisalhamento máxima é:

$$\begin{aligned} \tau_{\max} &= \frac{T d_1}{2 J_t} = \frac{\frac{P}{\omega} d_1}{2 \left(\frac{\pi d_1^4}{32} - \frac{\pi d_2^4}{32} \right)} = \frac{P d_1}{2 \omega \left(\frac{\pi d_1^4}{32} - \frac{\pi d_2^4}{32} \right)} \\ \Rightarrow \left(\frac{\pi d_1^4}{32} - \frac{\pi d_2^4}{32} \right) &= \frac{P d_1}{2 \omega \tau_{\max}} \Rightarrow \frac{\pi d_2^4}{32} = \frac{\pi d_1^4}{32} - \frac{P d_1}{2 \omega \tau_{\max}} \Rightarrow d_2^4 = d_1^4 - \frac{32 P d_1}{2 \pi \omega \tau_{\max}} \\ \Rightarrow d_2 &= \sqrt[4]{d_1^4 - \frac{32 P d_1}{2 \pi \omega \tau_{\max}}} \end{aligned}$$

Como temos:

$$d_1 = 64 \text{ mm}$$

$$P = 26 \text{ kW} = 26 \times 10^6 \text{ N.mm/s}$$

$$\omega = 500 \text{ rpm} = 500 \times (2\pi \text{ rad}) / (60\text{s})$$

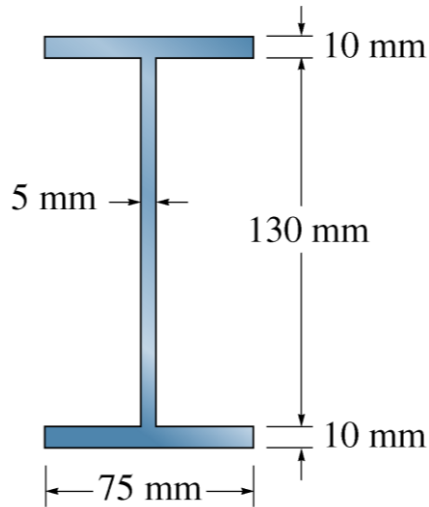
$$\tau_{\max} = 70 \text{ MPa} = 70 \text{ N/mm}^2$$

Então:

$$d_2 = \sqrt[4]{d_1^4 - \frac{32 P d_1}{2 \pi \omega \tau_{\max}}} = \sqrt[4]{64^4 - \frac{32 \times 26 \times 10^6 \times 64}{2 \pi \times 500 \times \frac{2\pi}{60} \times 70}} = 61,67 \text{ mm}$$

Resposta: O diâmetro interno d_2 do tubo deve ser de 61 mm.

3- Calcule os momentos de inércia em relação aos eixos x e y que passam pelo centróide da seção transversal vista na figura abaixo.



Solução:

Momento de Inércia:

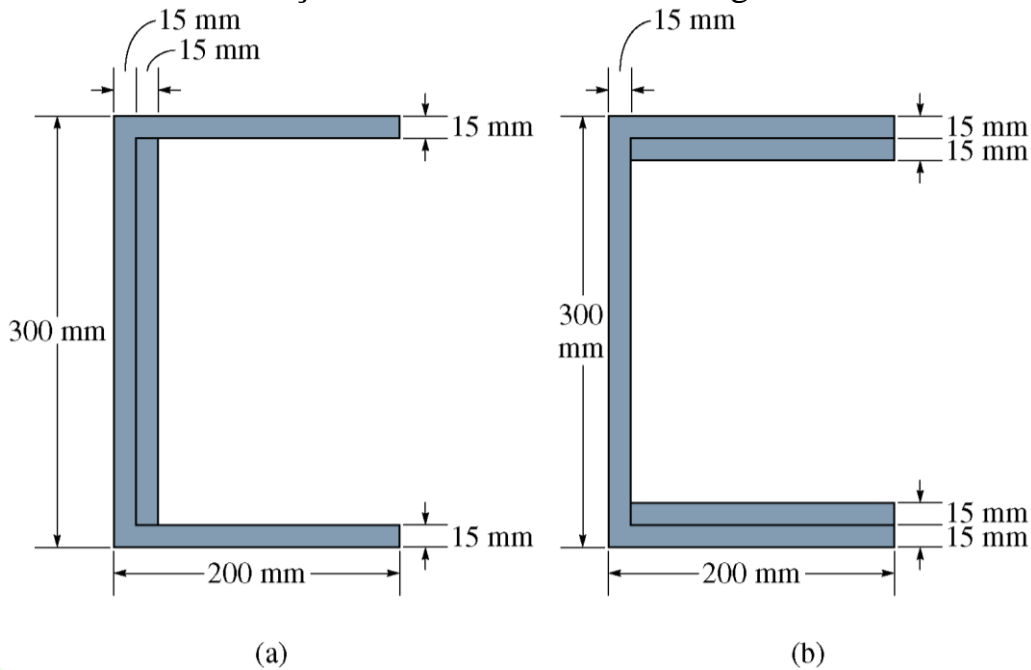
$$I_x = \left[\frac{7,5 \times 1,0^3}{12} + (7,5 \times 1,0) \times (7,5 - 0,5)^2 \right] + \left[\frac{7,5 \times 1,0^3}{12} + (7,5 \times 1,0) \times (7,5 - 14,5)^2 \right] + \left[\frac{0,5 \times 13,0^3}{12} + (0,5 \times 13,0) \times (7,5 - 7,5)^2 \right]$$

$$I_x = 827,792 \text{ cm}^4$$

$$I_y = \left[\frac{1,0 \times 7,5^3}{12} + (1,0 \times 7,5) \times (0)^2 \right] + \left[\frac{1,0 \times 7,5^3}{12} + (1,0 \times 7,5) \times (0)^2 \right] + \left[\frac{13,0 \times 0,5^3}{12} + (13,0 \times 0,5) \times (0)^2 \right]$$

$$\therefore I_y = 70,4479 \text{ cm}^4$$

4- Calcule os momentos de inércia em relação ao eixo y (vertical) que passa pelos centróides das seções transversais vistas nas figuras abaixo.



Solução:

Adotando a origem dos eixos x e y no canto inferior esquerdo de cada seção:

Seção (a)

$$\bar{x}_a = \frac{[(15 \times 200) \times 100] \times 2 + (270 \times 30) \times 15}{(15 \times 200) \times 2 + 270 \times 30} = 51,17 \text{ mm}$$

$$I_a = \left[\frac{15 \times 200^3}{12} + (15 \times 200) \times (100 - 51,17)^2 \right] \times 2 + \frac{270 \times 30^3}{12} + (270 \times 30) \times (51,17 - 15)^2$$

$$\therefore I_a = 45510700 \text{ mm}^4$$

Seção (b)

$$\bar{x}_b = \frac{[(30 \times 200) \times 100] \times 2 + (240 \times 15) \times 7,5}{(30 \times 200) \times 2 + 240 \times 15} = 78,6538 \text{ mm}$$

$$I_b = \left[\frac{30 \times 200^3}{12} + (30 \times 200) \times (100 - 78,6538)^2 \right] \times 2 + \left[\frac{240 \times 15^3}{12} + (240 \times 15) \times (78,6538 - 7,5)^2 \right]$$

$$\therefore I_b = 63761700 \text{ mm}^4$$

Resposta: Os momentos de inércia em relação ao eixo y que passa pelo centróide das seções a e b são: $4551,07 \text{ cm}^4$ e $6376,17 \text{ cm}^4$, respectivamente.